

数据结构（C语言版）（第2版）

树和二叉树


树和二叉树的定义

主讲教师：汪红松





教学目标

- 01 OPTION 理解二叉树的定义和术语，二叉树的性质，特殊的二叉树；
 - 02 OPTION 掌握二叉树的存储结构，顺序存储，二叉链表和线索二叉树；
 - 03 OPTION 掌握二叉树的前序、中序、后序、层次遍历方法；
 - 04 OPTION 了解树和森林的定义，树的存储，树、森林与二叉树的转换；
 - 05 OPTION 理解树的应用，哈夫曼树及哈夫曼编码；
 - 06 OPTION 能够写出二叉树的前序、中序、后序、层次遍历，灵活运用遍历算法实现二叉树的操作。
- 

教学内容 Contents

1

树和二叉树的定义

2

二叉树的性质和存储结构

3

遍历二叉树

4

线索二叉树

5

树和森林

6

哈夫曼树及其应用

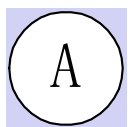
▶▶▶ 一、树的定义

树 (Tree) 是 n ($n \geq 0$) 个结点的有限集, 它或为空树 ($n = 0$) ; 或为非空树, 对于非空树 T :

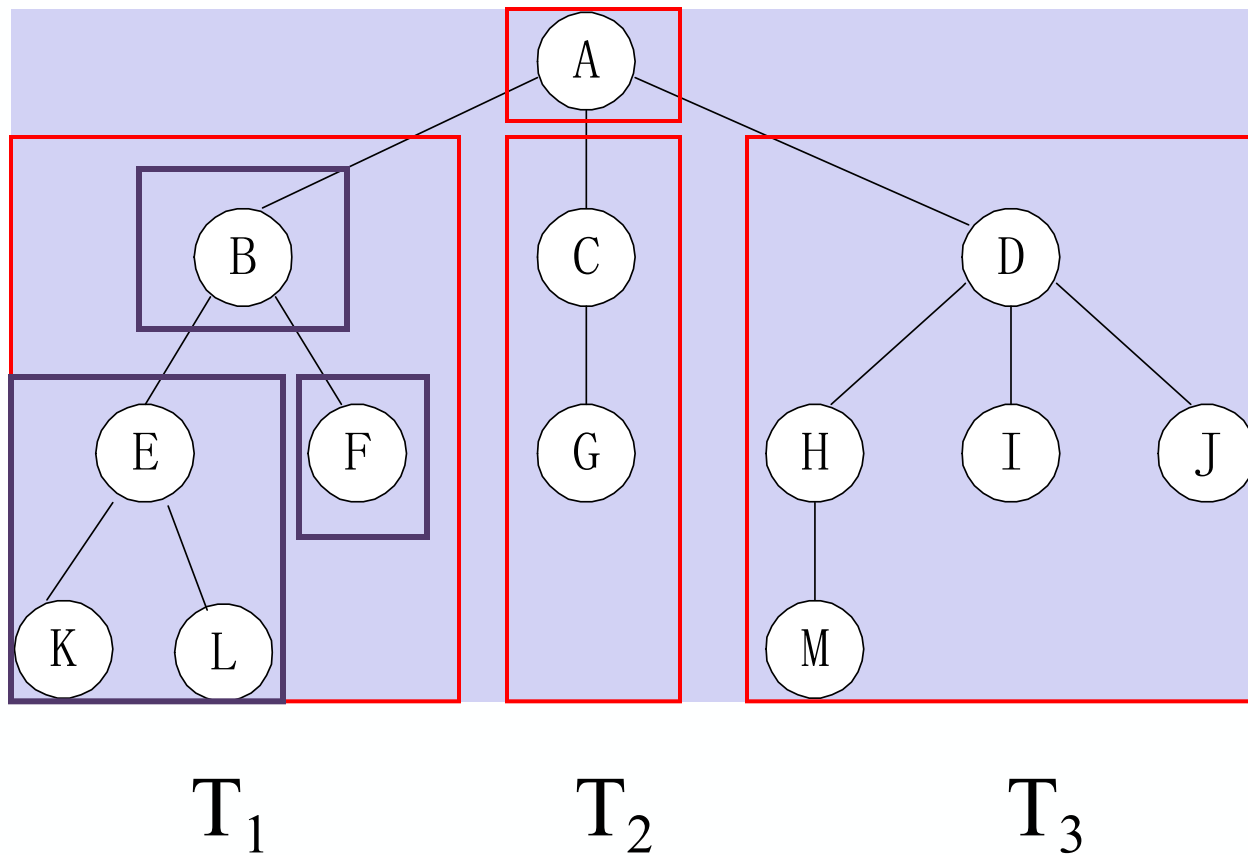
- 1 有且仅有一个称之为根的结点 ;
- 2 除根结点以外的其余结点可分为 m ($m > 0$) 个互不相交的有限集 T_1, T_2, \dots, T_m , 其中每一个集合本身又是一棵树, 并且称为根的子树 (SubTree) 。

一、树的定义

树是 n 个结点的有限集。



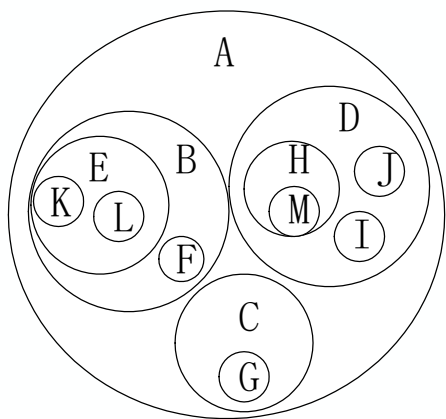
(a)



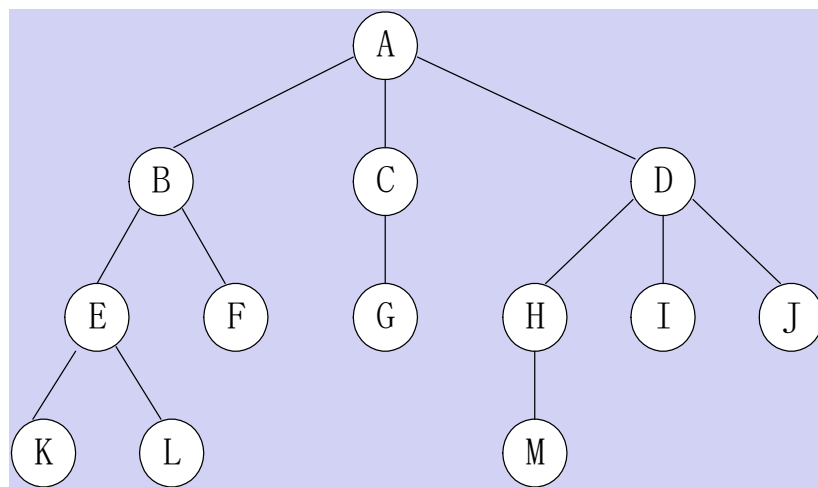
(b)

一、树的定义

1.树的其它表示方式

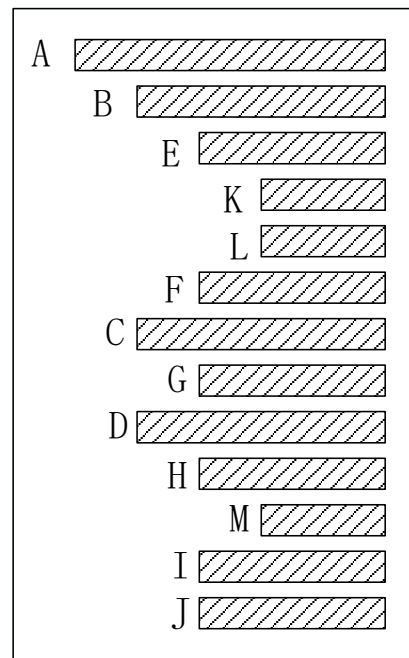


(a) 嵌套集合



$(A(B(E(K, L), F), C(G), D(H(M), I, J)))$

(b) 广义表

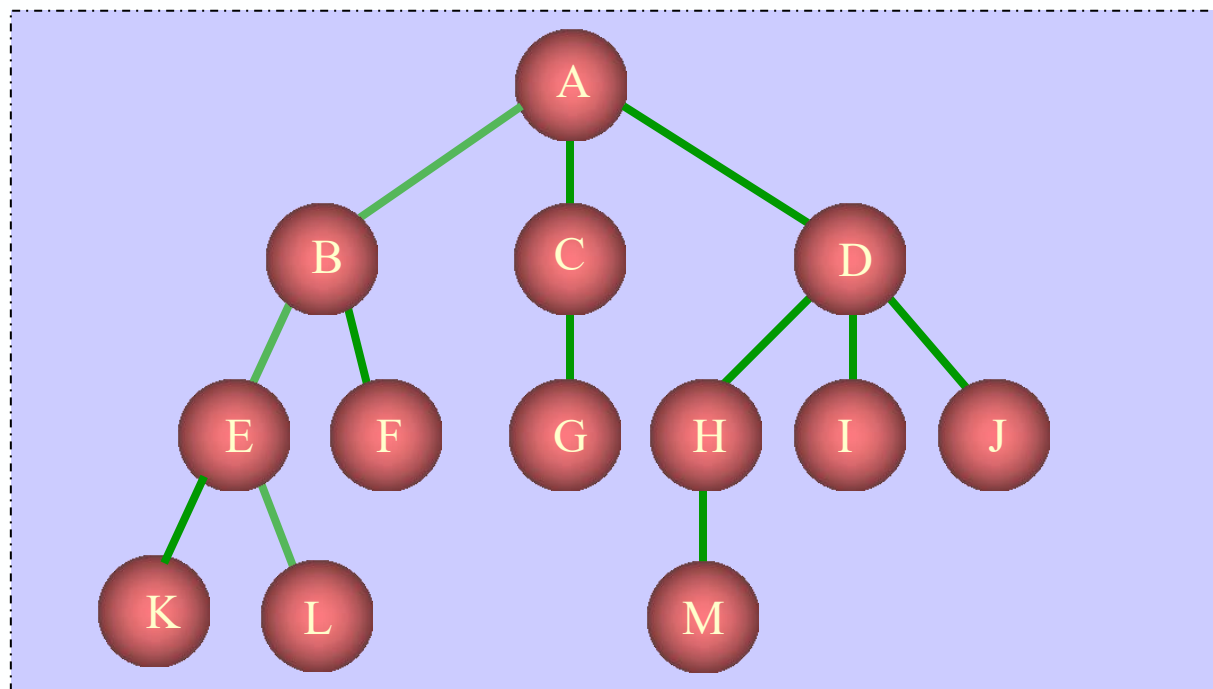


(c) 凹入表示

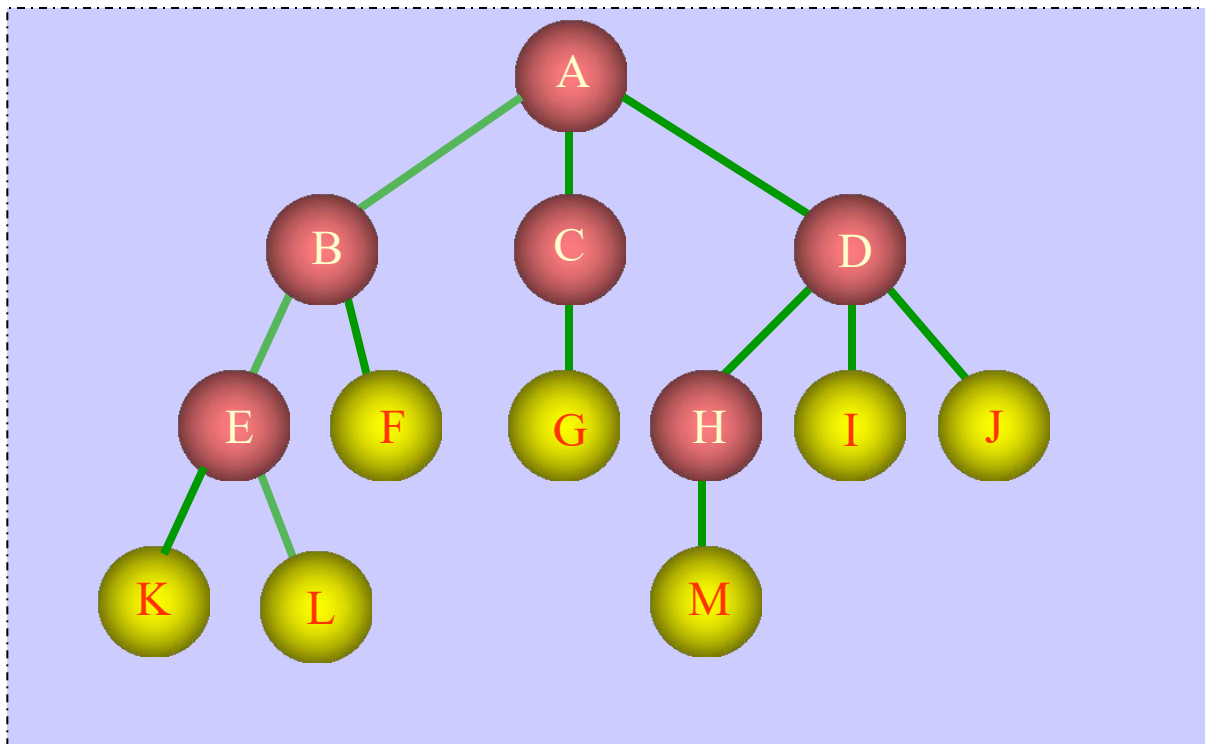
一、树的定义

2.基本术语

- (1) **结点**：树中的一个独立单元。包含一个数据元素及若干指向其子树的分支；
- (2) **结点的度**：结点所拥有的子树的个数；
- (3) **树的度**：树中各结点度的最大值；

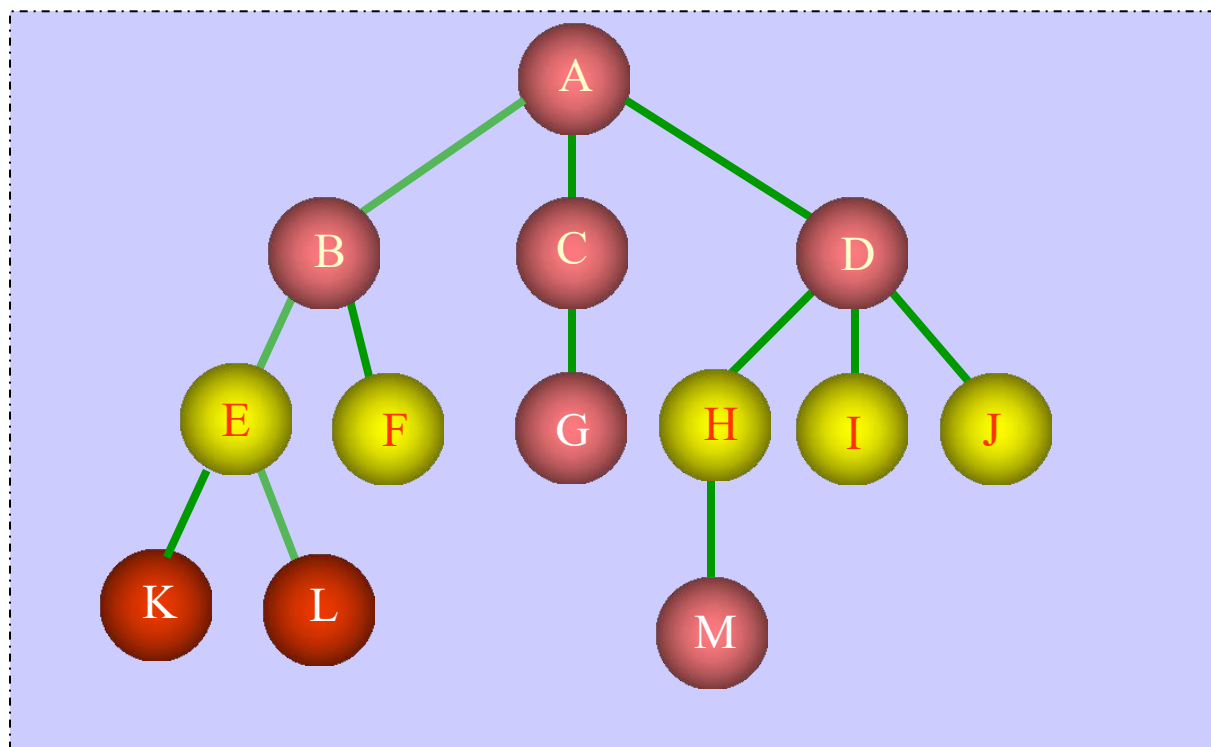


- (4) **叶子结点**：度为0的结点，也称为终端结点；
- (5) **非终端结点**：度不为0的结点，也称为分支结点；



(6) **孩子、双亲**：树中某结点子树的根结点称为这个结点的**孩子结点**，这个结点称为它孩子结点的**双亲结点**；

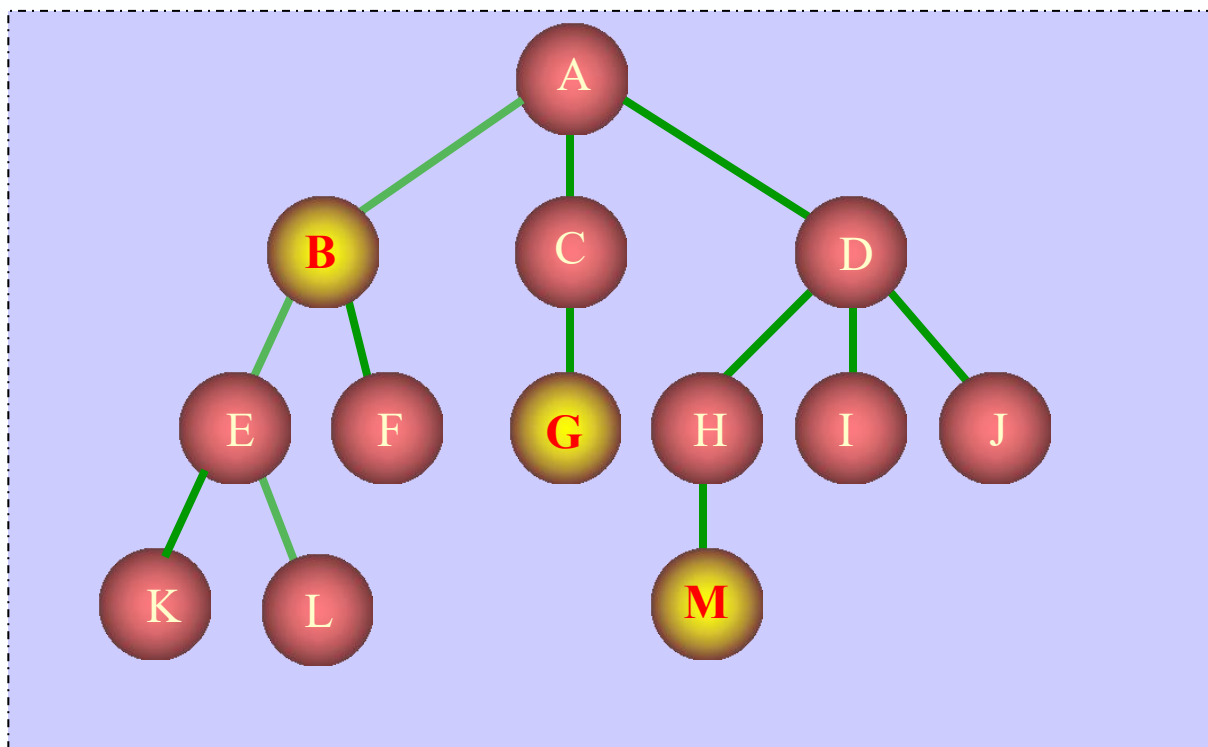
(7) **兄弟**：具有同一个双亲的孩子结点互称为兄弟；



一、树的定义

2.基本术语

- (8) **祖先**: 从根到该结点所经分支上的所有结点;
- (9) **子孙**: 以某结点为根的子树中的任一结点;
- (10) **堂兄弟**: 双亲在同一层的结点互为堂兄弟;

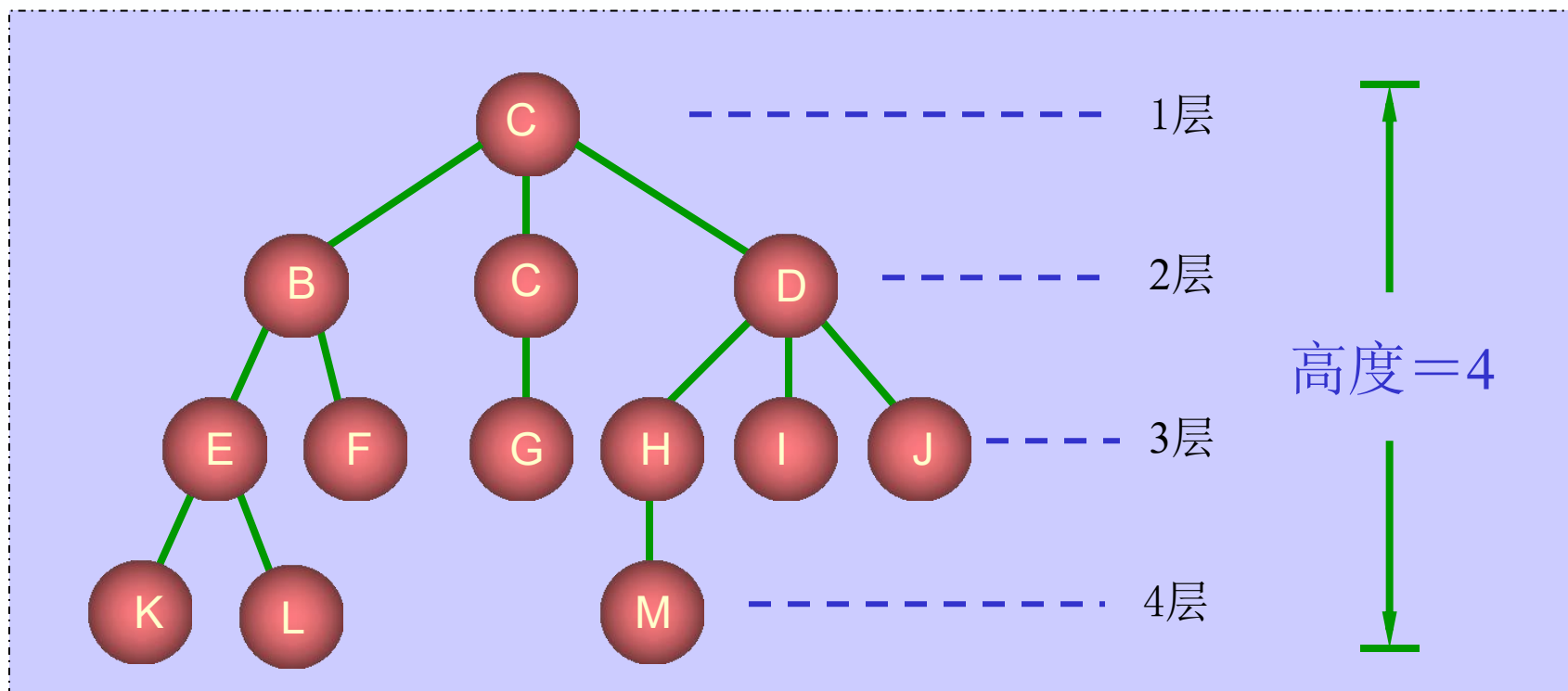


一、树的定义

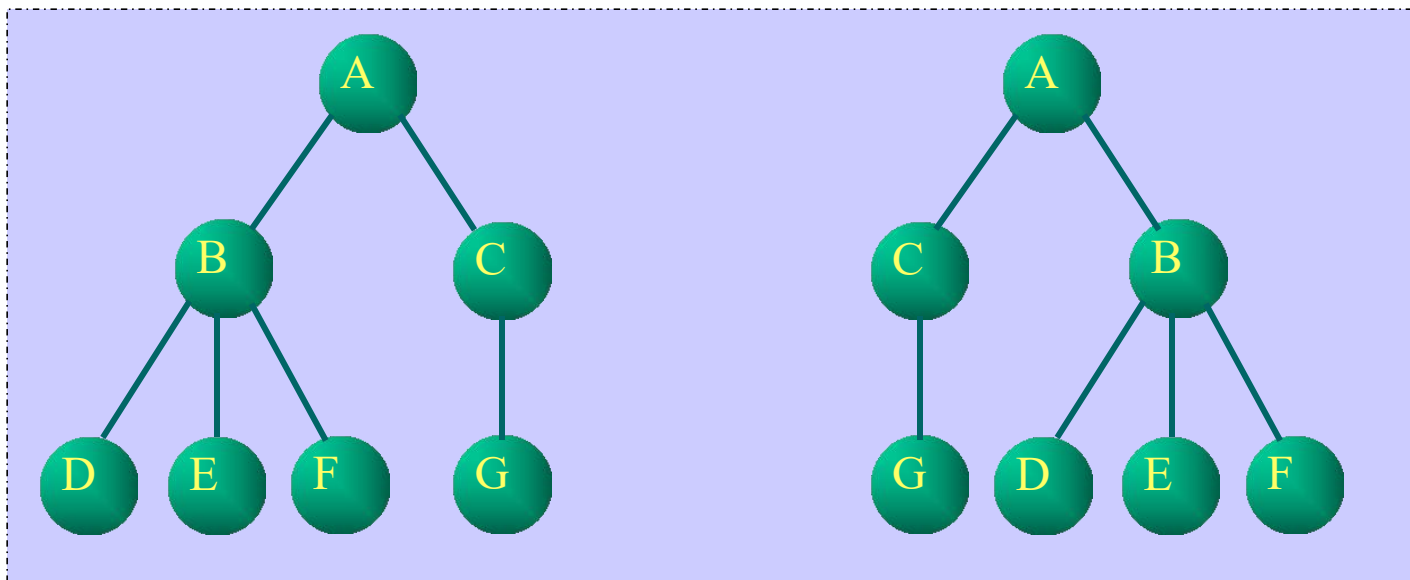
2.基本术语

(11) **结点所在层次**：根结点的层数为1；对其余任何结点，若某结点在第 k 层，则其孩子结点在第 $k+1$ 层；

(12) **树的深度**：树中所有结点的最大层数，也称**高度**；

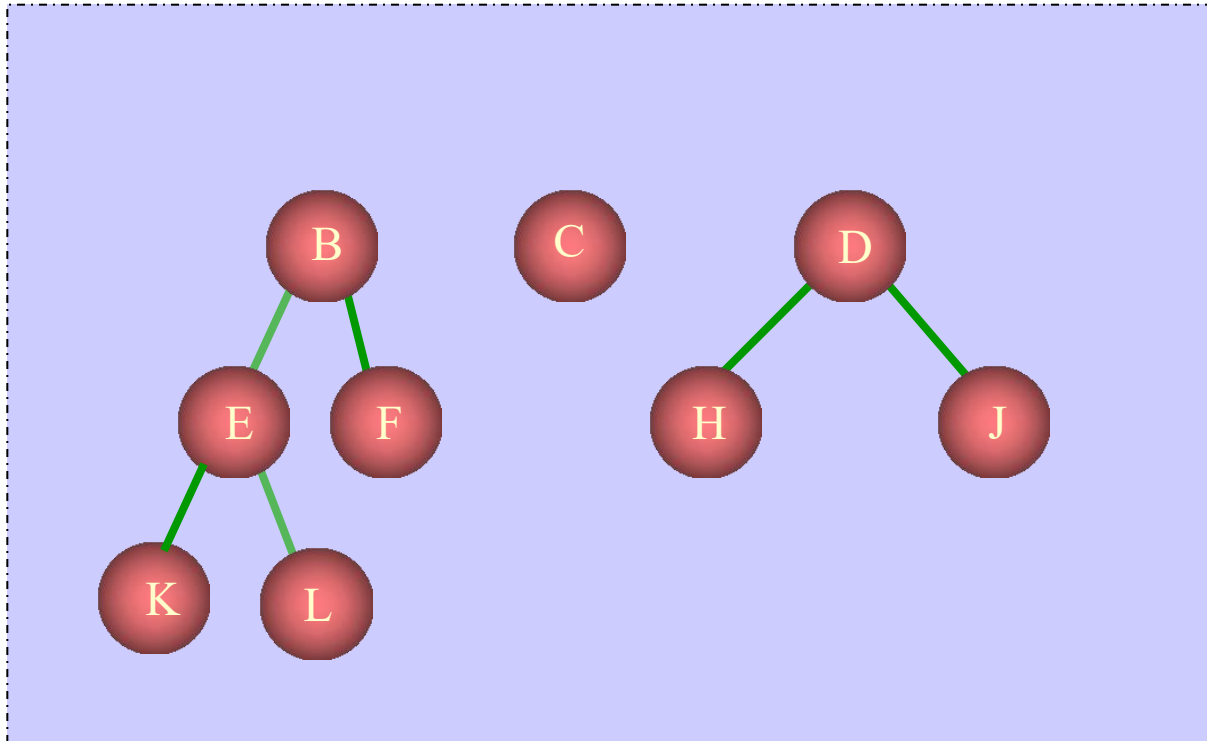


(13) **有序树、无序树**：如果一棵树中结点的各子树从左到右是有次序的，称这棵树为有序树；反之，称为无序树；

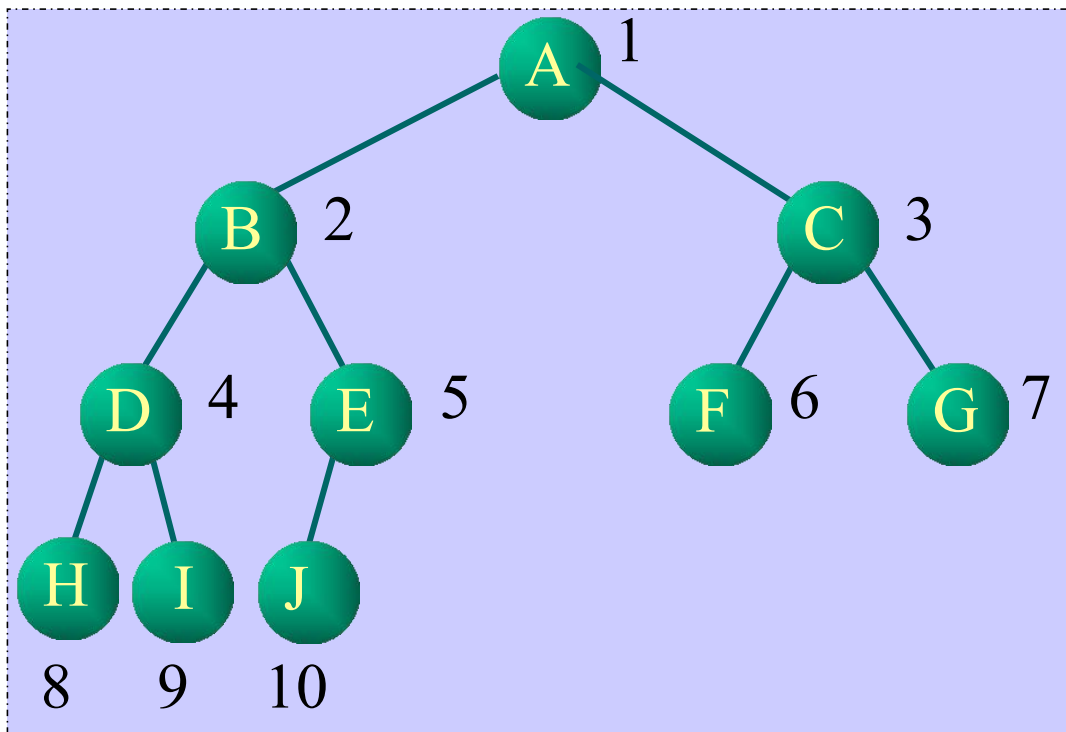


数据结构中讨论的一般都是有序树

(14) **森林**: m ($m \geq 0$) 棵互不相交的树的集合;



(15) **层序编号**：将树中结点按照从上层到下层、同层从左到右的次序依次给他们编以从1开始的连续自然数。



树结构和线性结构的比较

线性结构

第~~一~~个数据元素

无前驱

最后~~一~~个数据元素

无后继

其它数据元素

一个前驱,一个后继

~~一~~对~~一~~

树结构

根结点（只有~~一~~个）

无双亲

叶子结点(可以有~~多~~个)

无孩子

其它结点

一个双亲,多个孩子

~~一~~对~~多~~

▶▶▶ 二、二叉树的定义 1.定义

二叉树 (Binary Tree) 是 n ($n \geq 0$) 个结点所构成的集合, 它或为空树 ($n = 0$) ; 或为非空树, 对于非空树 T :

(1) 有且仅有一个称之为根的结点 ;

(2) 除根结点以外的其余结点分为两个互不相交的子集 T_1 和 T_2 , 分别称为 T 的左子树和右子树, 且 T_1 和 T_2 本身又都是二叉树。

▶▶▶ 二、二叉树的定义

普通树（多叉树）若不转化为二叉树，则运算很难实现。

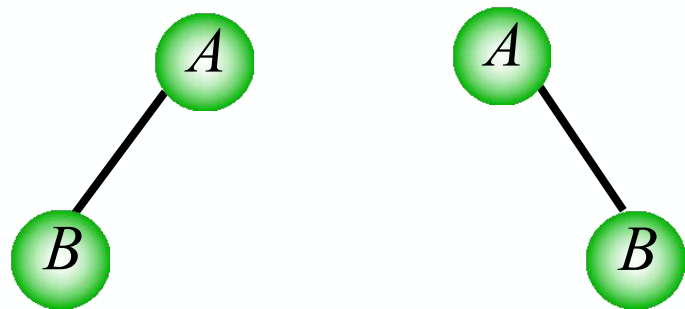
为何要重点研究每结点最多只有两个“叉”的树？

- ✓ 二叉树的结构最简单，规律性最强；
- ✓ 可以证明，所有树都能转为唯一对应的二叉树，不失一般性。

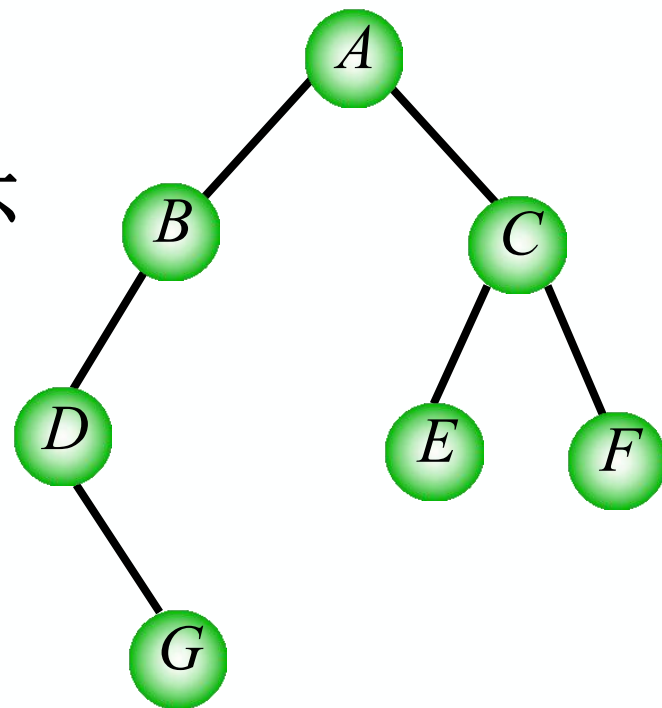
二、二叉树的定义

2. 特点

- (1) 每个结点最多有两棵子树;
- (2) 二叉树是有序的, 其次序不能任意颠倒。



(a)



(b)

注意：二叉树和树是两种树结构。

二、二叉树的定义

3. 基本形态

Φ

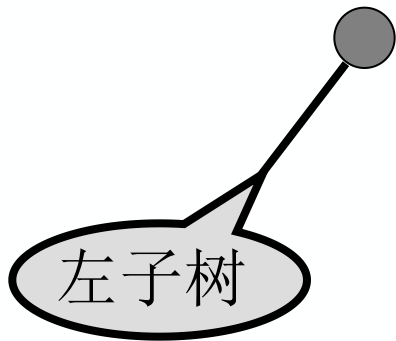
(a) 空二叉树



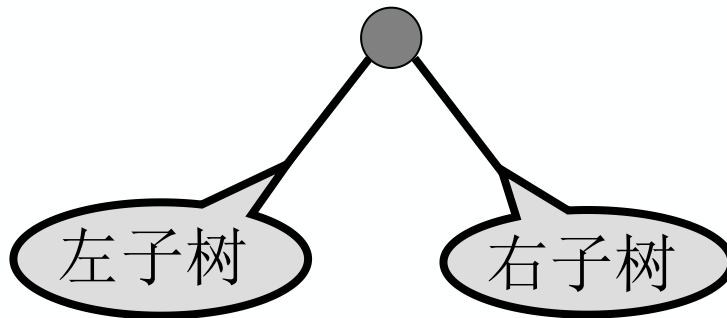
(b) 只有一个根结点



(c) 根结点只有右子树



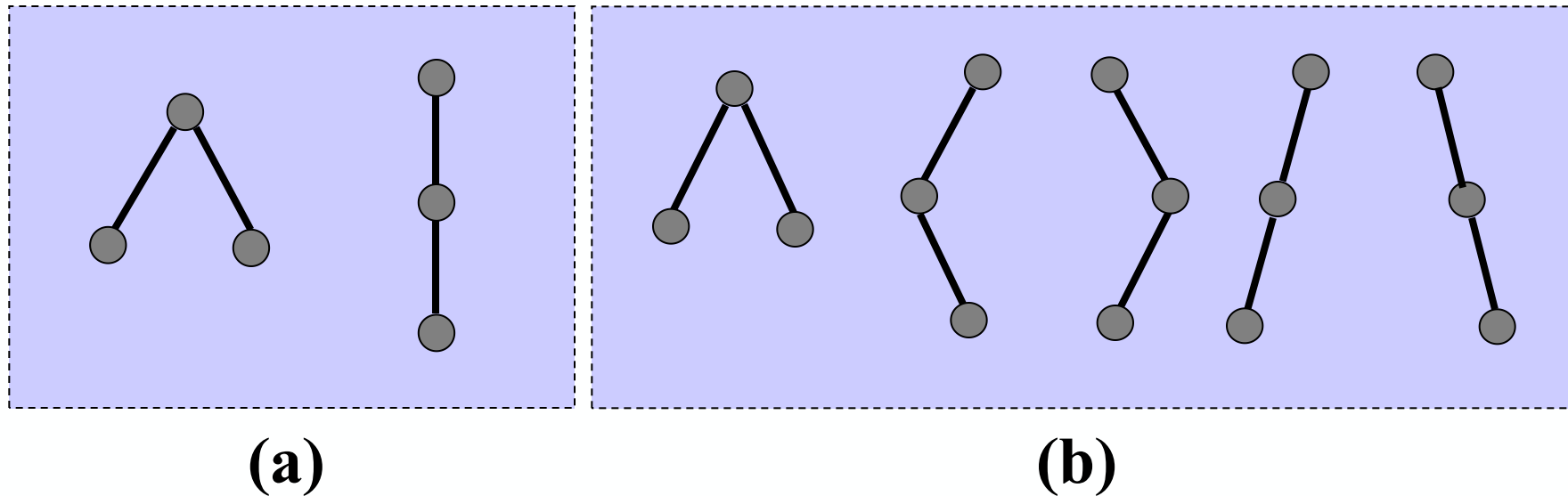
(d) 根结点只有左子树



(e) 根结点同时有左右子树

▶▶▶ 练习

具有3个结点的树和具有3个结点的二叉树的形态。



❖ 二叉树和树是两种树结构。

▶▶▶ 三、树的抽象数据类型定义

ADT BinaryTree{

数据对象D: 树是由一个根结点和若干棵子树构成,
树中结点具有层次关系及相同数据类型

数据关系R: 若 $D=\Phi$, 则 $R=\Phi$;

若 $D\neq\Phi$, 则 $R=\{H\}$; 存在二元关系 :

- ① root 唯一 //关于根的说明
- ② $D_j \cap D_k = \Phi$ //关于子树不相交的说明
- ③ //关于数据元素的说明

基本操作 P : //至少有15个
}ADT Tree

▶▶▶ 三、树的抽象数据类型定义

CreateTree(&T,definition)

初始条件：definition给出树T的定义。

操作结果：按definition构造树T。

TreeDepth (T)

初始条件：树T存在。

操作结果：返回T的深度。

InsertChild(&T, p, i, c)

初始条件：树T存在，p指向T中某个结点，非空树c与T不相交。

操作结果：插入c为T中p所指结点的第i棵子树。

TraverseTree(T)

初始条件：树T存在。

操作结果：按某种次序对T的每个结点访问一次。

▶▶▶ 三、树的抽象数据类型定义 —— 二叉树

ADT BinaryTree{

数据对象D: 由一个根结点和两棵互不相交的左右子树构成，
结点具有相同数据类型及层次关系

数据关系R: 若 $D=\Phi$ ，则 $R=\Phi$ ；

若 $D\neq\Phi$ ，则 $R=\{H\}$ ；存在二元关系：

- ① root 唯一 //关于根的说明
- ② $D_j \cap D_k = \Phi$ //关于子树不相交的说明
- ③ //关于数据元素的说明
- ④ //关于左子树和右子树的说明

基本操作 P： //至少有20个

}ADT BinaryTree

▶▶▶ 三、树的抽象数据类型定义 —— 二叉树

CreateBiTree(&T,definition)

初始条件：definition给出二叉树T的定义。

操作结果：按definition构造二叉树T。

PreOrderTraverse(T)

初始条件：二叉树T存在。

操作结果：先序遍历T，对每个结点访问一次。

InOrderTraverse(T)

初始条件：二叉树T存在。

操作结果：中序遍历T，对每个结点访问一次。

PostOrderTraverse(T)

初始条件：二叉树T存在。

操作结果：后序遍历T，对每个结点访问一次。



小结：

介绍了树的定义及相关的基本术语

介绍了树、二叉树的定义和特点

介绍了树和二叉树的抽象数据类型的定义